

Школа лингвистики, 2017-18 уч. год**Теория вероятностей****Задачи на совместное распределение дискретных случайных величин (06.02.2018)***И. В. Щуров, Д. А. Филимонов, Р. Я. Будылин*

Задача 1. Пусть на гранях тетраэдра написаны числа 1, 2, 3, 4. Мы бросаем такой тетраэдр подобно игральному кубику и смотрим на номер грани, на которую он приземлился. Пусть брошено два тетраэдра и ξ — сумма значений, а η — разность, получаемая вычитанием из первого значения второго (она, разумеется, может оказаться и отрицательной).

- Записать таблицу совместного распределения
- по таблице найти таблицы распределения ξ и η по отдельности;

Задача 2. Пусть взяты два случайных числа из набора $\{1; 2; 3\}$ (числа могут повторяться) и ξ — сумма значений, а η — произведение.

- Записать таблицу совместного распределения
- по таблице найти таблицы распределения ξ и η по отдельности;

Задача 3. Дана таблица совместного распределения случайных величин ξ и η :

	ξ	1	2
η	-1	0.2	0.1
	0	0.3	0.4

- Найти таблицы распределения ξ и η по отдельности;
- вычислить $E\xi$, $D\xi$, $\sigma\xi$ и $E\eta$, $D\eta$, $\sigma\eta$;
- вычислить $Cov(\xi, \eta)$ и $\rho(\xi, \eta)$.

Задача 4. Пусть исследуются вопросы знания редкого языка. Есть данные по тому, с какой вероятностью человек знает язык или нет (это, разумеется, очень сильно упрощённая модель). Значение величины η это 1, если выбранный человек знает язык и 0, если не знает. Значение величины ξ — его возрастная группа (30 если возраст от 20 до 40 лет и т.д.). Дана таблица совместного распределения случайных величин ξ и η :

	ξ	10	30	50	70
η	0	0.14	0.1	0.04	0.06
	1	0.1	0.3	0.2	0.06

- Найти таблицы распределения $\eta|\xi = 10$, $\eta|\xi = 30$, $\eta|\xi = 50$, и $\eta|\xi = 70$;
- вычислить математические ожидания этих условных случайных величин;
- нарисовать график регрессии η на ξ .

Задача 5. (*) Найти дисперсию числа пар подряд выпавших орлов в 100 бросках.